

O Mercado de Trabalho e a função Oferta Agregada de bens e serviços

Maio 2013

- 1 O Mercado de Trabalho
 - A Função de Produção
 - A função de Procura de Trabalho ou Oferta de Salário (L^d ou W^s)
 - A função de Oferta de Trabalho ou Procura de Salário (L^s ou W^d)
 - Equilíbrio no Mercado de Trabalho

- 2 A função de Oferta Agregada
 - Oferta Agregada Keynesiana
 - Oferta Agregada Clássica

Função de Produção (1/5)

Função de Produção geral: $Q = f(K, A, L)$, onde:

K é stock de Capital

A representa a Tecnologia

L é o Trabalho

No curto prazo, o Capital e a Tecnologia são consideradas fixas, pelo que

Função de Produção: $Q = f(A, L^\alpha)$, onde:

A representa a combinação de Capital e Tecnologia

L é o Trabalho

α define a escala de rendimentos relativos à utilização do Trabalho:

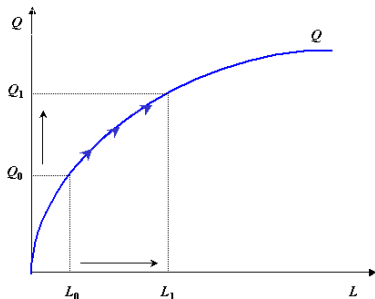
$\alpha = 1$ rendimentos constantes

$\alpha < 1$ rendimentos decrescentes

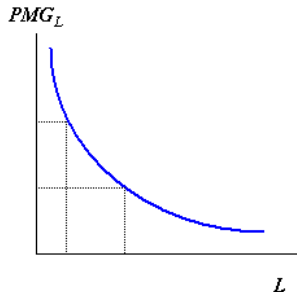
Função de Produção com $\alpha < 1$ (2/5)

Função de Produção com rendimentos decrescentes à escala
($Q = f(A, L^\alpha)$ com $\alpha < 1$)

Produto Total



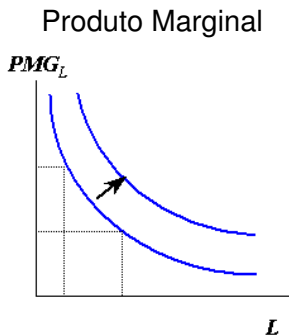
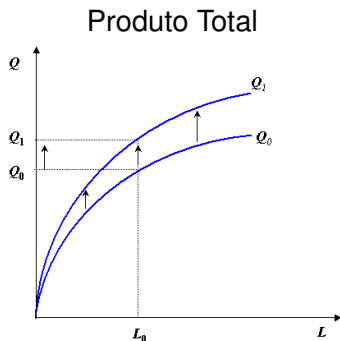
Produto Marginal



Função de Produção com $\alpha < 1$ (3/5)

Função de Produção com rendimentos decrescentes à escala
($Q = f(A, L^\alpha)$ com $\alpha < 1$)

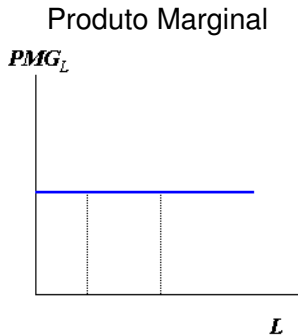
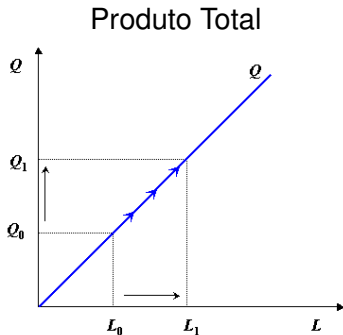
Se A aumentar:



Um aumento de A implica um deslocamento para a direita e para cima da curva do produto marginal

Função de Produção com $\alpha = 1$ (4/5)

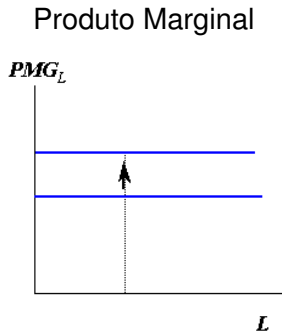
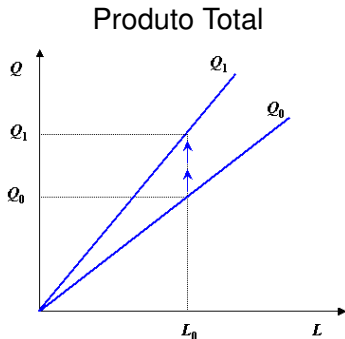
Função de Produção com rendimentos constantes à escala
($Q = f(A, L^\alpha)$ com $\alpha = 1$)



Função de Produção com $\alpha = 1$ (5/5)

Função de Produção com rendimentos constantes à escala
($Q = f(A, L^\alpha)$ com $\alpha = 1$)

Se A aumentar:



Um aumento de A implica um deslocamento para cima da curva do produto marginal

Rendimentos constantes ($\alpha = 1$)

Empresas sem poder de mercado ['Price-takers'](1/2)

As empresas decidem a quantidade de trabalho a contratar maximizando o lucro, tomando P (preço), W (salário) e R (renda associada a A) como fixos:

$$Lucro = \overbrace{P \times Q}^{\text{Receita}} - \overbrace{(W \times L + R)}^{\text{Custo}}, \text{ em que } Q = (A \times L^1) \text{ com } (\alpha = 1)$$

Isto é:

$$\max_L \{ P \times (A \times L^1) - (W \times L + R) \}$$

A condição de primeira ordem ($\frac{\partial Lucro}{\partial L} = 0$) é:

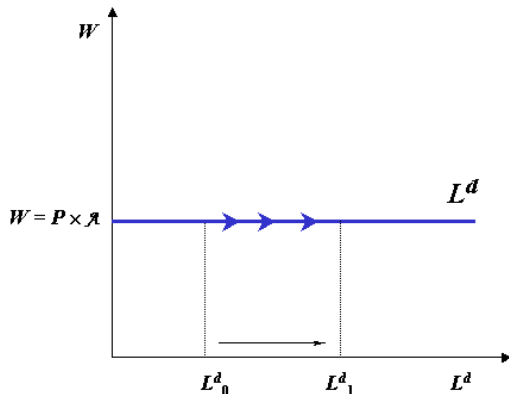
$$P \times A - W = 0$$

Pelo que a função procura de trabalho / oferta de salário por partes das empresas é:

$\underbrace{W^s}_{\text{custo marginal}} = \underbrace{P \times A}_{\text{rendimento marginal}}$

Rendimentos constantes ($\alpha = 1$)

Empresas sem poder de mercado ['Price-takers'] (2/2)



As empresas empregam todos aqueles que aceitem trabalhar pelo salário oferecido

Rendimentos constantes ($\alpha = 1$)

Empresas com poder de mercado ['Price-makers'] (1/2)

As empresas possuem poder de mercado quando impõem uma margem sobre o custo - o que permite obter um **sobrelucro**.

A sua função de lucro será:

$Lucro = P \times Q - (W \times L + R) - m \times (W \times L + R)$, pelo que:

$$\max_L \left\{ P \times (A \times L^1) - [(1 + m) \times (W \times L + R)] \right\}$$

A condição de primeira ordem ($\frac{\partial Lucro}{\partial L} = 0$) é:

$$P \times A - (1 + m) \times W = 0$$

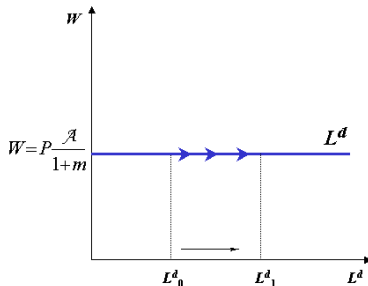
Pelo que a função procura de trabalho / oferta de salário por

partes das empresas é:

$$\underbrace{W^s}_{\text{custo marginal}} = \frac{P \times A}{\underbrace{1 + m}_{\text{rendimento marginal}}}$$

Rendimentos constantes ($\alpha = 1$)

Empresas com poder de mercado ['Price-makers'] (2/2)



As empresas empregam todos aqueles que aceitem trabalhar pelo salário oferecido $W^s = \frac{P \times A}{1+m}$

Note-se que esta função de procura de trabalho / oferta de salário (L^d ou W^s) contempla a situação anterior (se $m = 0 \Rightarrow W^s = P \times A$)

Rendimentos decrescentes ($\alpha < 1$)

Empresas com poder de mercado ['Price-makers'] (1/2)

No caso geral, a função de lucro será:

$Lucro = P \times Q - (W \times L + R) - m \times (W \times L + R)$, pelo que:

$$\max_L \{P \times (A \times L^\alpha) - (W \times L + R) - m \times (W \times L + R)\}$$

A condição de primeira ordem ($\frac{\partial Lucro}{\partial L} = 0$) é:

$$P \times A \times \alpha \times L^{(\alpha-1)} - (1 + m) \times W = 0$$

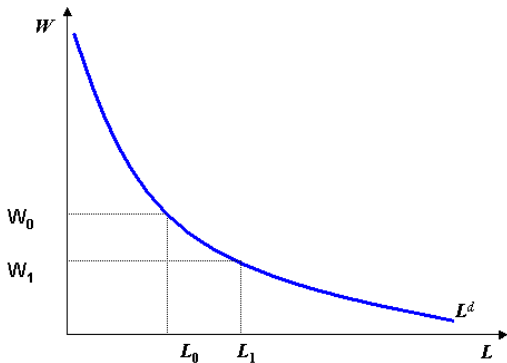
Pelo que a função procura de trabalho / oferta de salário por

partes das empresas é:

$$\underbrace{W^s}_{\text{custo marginal}} = \underbrace{\frac{P \times A}{1 + m} \times \alpha \times L^{-(1-\alpha)}}_{\text{rendimento marginal}}$$

Rendimentos decrescentes ($\alpha < 1$)

Empresas com poder de mercado ['Price-makers'] (2/2)



A função de procura de trabalho / oferta de salário (L^d ou W^s) é negativamente inclinada, isto é, as empresas só aumentam o nível de emprego se o salário diminuir.

L^s ou W^d (1/3)

Os níveis de salários pretendidos pelos trabalhadores para oferecerem serviços de trabalho são determinados por:

- Factores que determinam um nível mínimo a partir do qual são oferecidos serviços de trabalho (W_{sub}):
 - Institucionais de natureza social
 - Rede de transportes, escolar,
 - Taxa de desemprego ($u = \frac{U}{O}$, com U =população desempregada e O =população activa)
- Nível de inflação esperada (P^e)
 - Ao aceitarem trabalhar por um salário definido hoje apenas podem estimar o nível de salário real futuro

Por outro lado, quanto maior o salário real esperado, maior será a quantidade oferecida de serviços de trabalho.

L^s ou W^d (2/3)

Tendo presente que:

- $\uparrow u \Rightarrow \downarrow W_{sub}$

Temos:

$$L^s = n \times \left(\frac{W}{P^e} - W_{sub} \right)$$

Ou

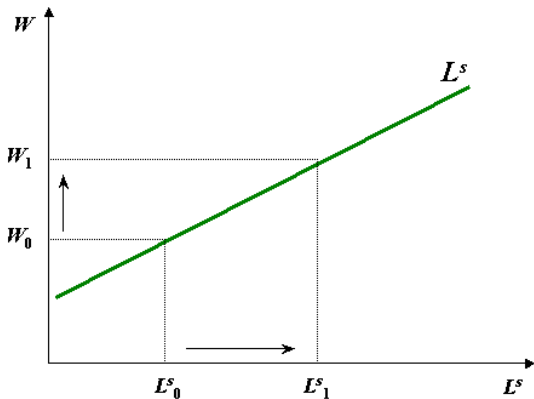
$\frac{W^d}{P^e} = W_{sub} + \frac{1}{n} \times L$, isto é:

$$W^d = \left[W_{sub} + \frac{1}{n} \times L \right] \times P^e$$

Onde:

- $\uparrow W_{sub} \Rightarrow \uparrow W^d$
- $\uparrow P^e \Rightarrow \uparrow W^d$

L^s ou W^d (3/3)



A função de oferta de trabalho / procura de salário (L^s ou W^d) é positivamente inclinada, isto é, os trabalhadores só aumentam os serviços de trabalho se o salário aumentar.

$$W^s = W^d \text{ com } \alpha = 1(1/2)$$

O equilíbrio no mercado de trabalho é obtido para:

$$W^s = W^d$$

Com:

$$W^s = \frac{P \times A}{1+m}, e$$

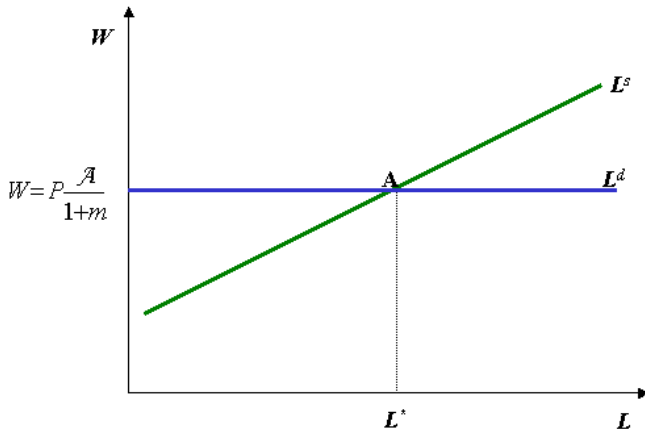
$$W^d = \left[W_{sub} + \frac{1}{n} \times L \right] \times P^e$$

temos que:

$$W^s = W^d \Rightarrow L^* = n \times \left(-W_{sub} + \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right)$$

$$W^s = W^d \text{ com } \alpha = 1(2/2)$$

$$L^* = n \times \left(-W_{sub} + \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right)$$



$$W^s = W^d \text{ com } \alpha < 1(1/4)$$

O equilíbrio no mercado de trabalho é obtido para:

$$W^s = W^d$$

Com:

$$W^s = \frac{P \times A}{1+m} \times \alpha \times L^{-(1-\alpha)}$$

e se:

$$(1) \quad W^d = \frac{1}{n} \times L^\alpha \times P^e$$

ou

$$(2) \quad W^d = W_{sub} \times P^e \text{ se superior a (1)}$$

temos que:

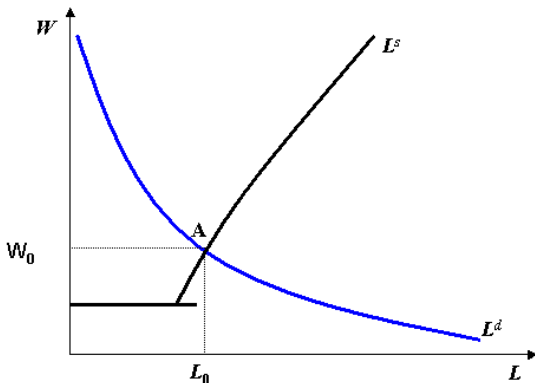
$$W^s = W^d$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \boxed{L^* = n \times \alpha \times \left(\frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right)} \quad (1) \\ \text{ou} \\ \boxed{W^* = W_{sub} \times P^e \Rightarrow L^* = \left(\alpha \times \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \times \frac{1}{W_{sub}} \right)^\alpha} \quad (2) \end{array} \right\}$$

$$W^s = W^d \text{ com } \alpha < 1(2/4)$$

Se:

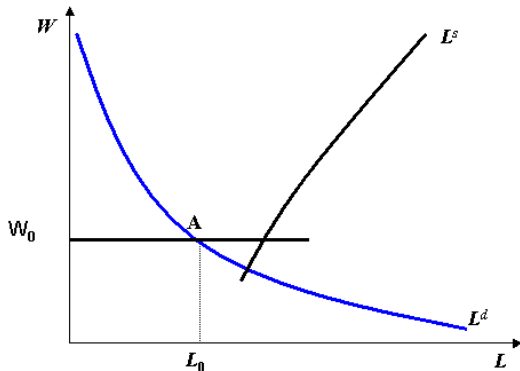
$$L^* = n \times \alpha \times \left(\frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right) \quad (1)$$



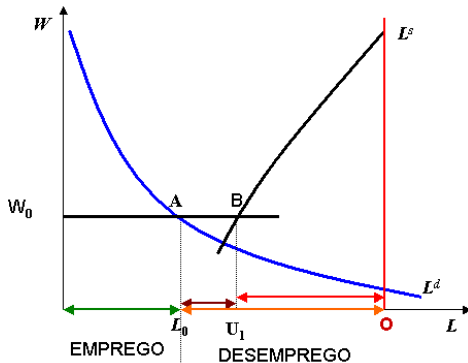
$$W^s = W^d \text{ com } \alpha < 1(3/4)$$

Se:

$$W^s = W^d \Rightarrow W^* = W_{sub} \times P^e \Rightarrow L^* = \left(\alpha \times \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \times \frac{1}{W_{sub}} \right)^\alpha \quad (2)$$



$$W^s = W^d \text{ com } \alpha < 1(4/4)$$

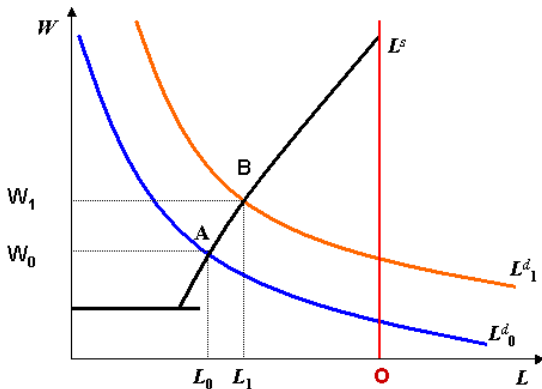


Em desemprego ($O - L_0$) podemos distinguir:

- Desemprego involuntário ($U_1 - L_0$) - quero trabalhar pelo salário de equilíbrio mas não encontro colocação
- Desemprego voluntário ($O - U_1$) - não trabalho porque o salário de equilíbrio é inferior ao que desejo

$$W^s = W^d \text{ com } \uparrow P, \uparrow A, \downarrow m$$

$$\left. \begin{array}{l} P \uparrow \\ A \uparrow \\ m \downarrow \end{array} \right| \Rightarrow L^d / W^s \hookrightarrow [W^s = \alpha \times \frac{P \times A}{1+m} \times L^{-(1-\alpha)}]$$



$$W^s = W^d \text{ com } \uparrow P^e, \uparrow W_{sub}$$

$P^e \uparrow$

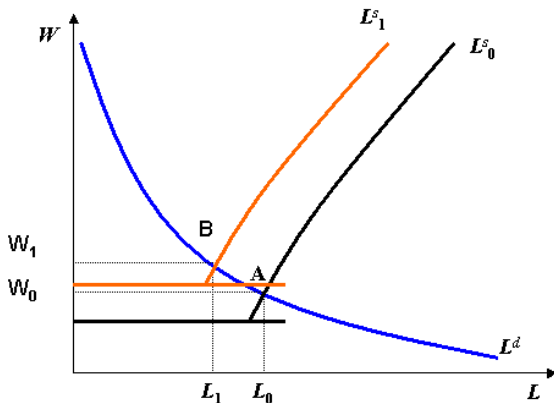
$W_{sub} \uparrow$

$\Rightarrow L^s / W^d \hookrightarrow$

$$[W^d = (W_{sub} + \frac{1}{n} \times L) \times P^e]$$

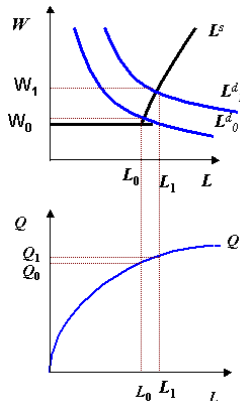
$$[W^d = \frac{1}{n} \times L^\alpha \times P^e]$$

$$[W^d = W_{sub} \times P^e]$$



Oferta Agregada Keynesiana (1/3)

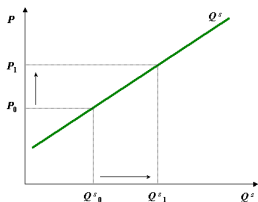
Como vimos $\uparrow P \Rightarrow L^d / W^s \hookrightarrow$:



Determinando diferentes níveis de emprego de equilíbrio no mercado de trabalho, logo produção de bens e serviços

Oferta Agregada Keynesiana (2/3)

Assim, alterações em P implicam alterações no nível de produção de bens e serviços:



Função Oferta Agregada ($\alpha = 1$)

$\alpha = 1$ $Q = A \times L$ $L^* = n \times \left(-W_{sub} + \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right)$ $Q = A \times \left[n \times \left(-W_{sub} + \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right) \right]$	$\alpha < 1$ $Q = A \times L^\alpha$ $L^* = n \times \alpha \times \left(\frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right)$ $Q = A \times \left[n \times \alpha \times \left(\frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right) \right]^\alpha$
---	---

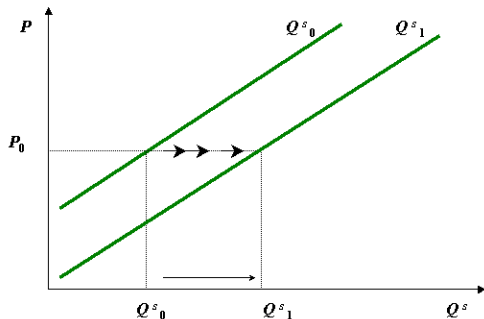
Para $\alpha < 1$, se $L^* = \left(\alpha \times \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \times \frac{1}{W_{sub}} \right)^\alpha$ então $Q = A \times \left[\left(\alpha \times \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \times \frac{1}{W_{sub}} \right)^\alpha \right]^\alpha$

Oferta Agregada Keynesiana com $\uparrow A$, $\downarrow m$, $\downarrow W_{sub}$ ou $\downarrow P^e$ (3/3)

$A \uparrow$
 $m \downarrow$

$W_{sub} \downarrow$
 $P^e \downarrow$

$$\Rightarrow Q^s \leftrightarrow \left[Q = A \times n \times \left(-W_{sub} + \frac{A}{1+m} \times \frac{P}{P^e} \right) \right]$$



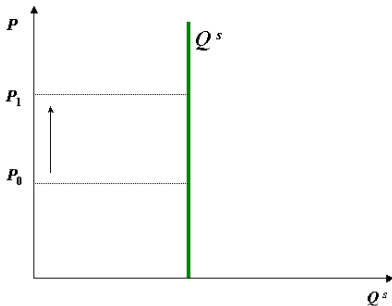
Na perspectiva clássica, não existem imperfeições no mercado de trabalho , logo (com $\alpha = 1$) :

$$W^s = P \times A$$

$$W^d = (W_{sub} + \frac{1}{n} \times L) \times P$$

$$W^s = W^d \Rightarrow L^* = W_{sub} + \frac{1}{n} \times L$$

Uma alteração de P não tem qualquer efeito em L^* , logo no nível de produção de bens e serviços. Assim:



A Oferta Agregada Clássica é vertical